

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ПОВОЛЖСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ



УТВЕРЖДАЮ  
Директор ИЛП

УТВЕРЖДАЮ /М.Н. Волдаев/  
(Ф.И.О. декана (директора института))

09.03.2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

Б.1.1.9 Математика

(код и наименование дисциплины по учебному плану)

Направление подготовки  
(специальность)

35.03.01 Лесное дело

Квалификация выпускника

Бакалавр

(бакалавр/магистр/специалист)

Направленность

Лесное хозяйство

Курс

1

Семестр

1, 2

**Распределение учебного времени**

Трудоемкость по учебному плану	252 / 7	часов/зачетных единиц
Лекции	36	часов
Лабораторные работы	-	часов
Практические занятия	72	часов
Иная контактная работа	-	часов
Всего контактной работы (без учета экз.)	108	часов
Контактная работа по экзамену	6	часов
Курсовой проект (работа)	-	семестр
Самостоятельная работа обучающихся (без учета экз.)	108	часов
Самостоятельная работа по подготовке к экзамену	30	часов
Экзамен	2	семестр
Зачет	1	семестр
БРК, ДЗ	-	семестр

(год)

Программа составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО направления подготовки (специальности) 35.03.01 Лесное дело

Программу составили:

старший преподаватель	ВМ	СОГЛАСОВАНО	О.В. Михадарова
(должность)	(кафедра)		(И.О. Фамилия)

РАССМОТРЕНА и ОДОБРЕНА на заседании кафедры, за которой закреплена дисциплина  
Кафедра высшей математики

		(наименование кафедры)	
31.01.2023	протокол №	8	
(дата)			
Заведующий кафедрой	СОГЛАСОВАНО	В.А. Иванов	
		(И.О. Фамилия)	

Рабочая программа СОГЛАСОВАНА с факультетом (институтом), выпускающей(ими) кафедрой(ами).

СООТВЕТСТВУЕТ действующей ОП.

Заведующий кафедрой	СОГЛАСОВАНО	О.Н. Бажин
		(И.О. Фамилия)

Председатель методической комиссии факультета (института), в который входит выпускающая кафедра

СОГЛАСОВАНО	Д.И. Мухортов
	(И.О. Фамилия)

Эксперт(ы): Глушкова Юлия Павловна, начальник отдела лесных ресурсов Министерства природных ресурсов, экологии и охраны окружающей среды Республики Марий Эл

Рабочая программа проверена и зарегистрирована в УМЦ 09.03.2023 г.

Специалист учебно-методического центра СОГЛАСОВАНО /И.Р. Валиева/

## Раздел 1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Целью освоения дисциплины является достижение планируемых результатов обучения, соответствующих установленным в ОПОП индикаторам достижения компетенций:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Результаты обучения
1. УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1 Выполняет поиск необходимой для решения поставленной задачи информации, её критический анализ, обобщение и представление на основе знаний естественно-научных дисциплин и современных информационных технологий	<b>знания:</b> знает механизмы и методики поиска необходимых для решения поставленной задачи, способы анализа и синтеза информации, включающие системный подход в области образования <b>умения:</b> Умеет использовать основные законы математических и естественнонаучных дисциплин; применять системный подход для решения стандартных задач в области Лесного дела <b>навыки:</b> Владеет навыками поиска необходимой информации для решения стандартных задач в области Лесного дела
	УК-1.2 Систематизирует обнаруженную информацию, полученную из разных источников, в соответствии с требованиями и условиями задачи	<b>знания:</b> знает механизмы и способы анализа и систематизации информации для решения поставленной задачи <b>умения:</b> умеет находить и критически анализировать информацию, необходимую для решения поставленной задачи <b>навыки:</b> владеет механизмами поиска информации, в том числе с применением современных информационных и коммуникационных технологий
	УК-1.3 Выбирает оптимальный вариант решения задачи, аргументируя свой выбор	<b>знания:</b> знает способы поиска источников информации, необходимых для решения поставленной задачи <b>умения:</b> умеет использовать различные типы поисковых запросов, рассматривать их возможные достоинства и недостатки <b>навыки:</b> владеет способностью поиска информации для решения поставленной задачи по различным типам запросов
	УК-1.4 Разрабатывает варианты решения проблемной ситуации на основе системного подхода и критического анализа доступных источников	<b>знания:</b> знает возможные варианты решения типовых задач <b>умения:</b> умеет обосновывать варианты решений поставленных задач <b>навыки:</b> владеет способностью предлагать варианты решения поставленной задачи недостатки

	УК-1.5 Формулирует и аргументирует выводы и суждения, в том числе с применением философского понятийного аппарата	<b>знания:</b> знает основные различия между фактами, мнениями, интерпретациями и оценками <b>умения:</b> умеет формировать собственное мнение о фактах, мнениях, интерпретациях и оценках информации <b>навыки:</b> владеет способностью формировать и аргументировать свои выводы и точку зрения
2. ОПК-1 Способен решать типовые задачи профессиональной деятельности на основе знаний основных законов математических и естественных наук с применением информационных и коммуникационных технологий	ОПК-1.1. Знает фундаментальные законы природы и основные физические и математические законы	<b>знания:</b> Знает основные законы математических и естественных наук для решения стандартных задач в области Лесного хозяйства <b>умения:</b> Умеет использовать основные законы математических и естественных дисциплин для решения стандартных задач в области Лесного хозяйства <b>навыки:</b> Владеет навыками использования основных законов математических и естественных дисциплин для решения стандартных задач в области лесозаготовок и в области Лесного хозяйства
	ОПК-1.2. Умеет применять биологические, экологические, физические законы и математические методы для решения задач теоретического и прикладного характера	<b>знания:</b> Знает как применять биологические, экологические, физические законы и математические методы для решения задач теоретического и прикладного характера <b>умения:</b> Умеет применять биологические, экологические, физические законы и математические методы для решения задач теоретического и прикладного характера <b>навыки:</b> Владеет навыками применения биологических, экологических, физических законов и математических методов для решения задач теоретического и прикладного характера
	ОПК-1.3. Владеет навыками использования знаний биологических и экологических наук, физики и математики при решении практических задач с применением информационно-коммуникационных технологий	<b>знания:</b> Знает как использовать знания биологических и экологических наук, физики и математики при решении практических задач с применением информационно-коммуникационных технологий <b>умения:</b> Умеет использовать знания биологических и экологических наук, физики и математики при решении практических задач с применением информационно-коммуникационных технологий <b>навыки:</b> Владеет навыками использования знания биологических и экологических наук, физики и математики при решении практических задач с применением информационно-коммуникационных технологий

## Раздел 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

Дисциплина относится к обязательной части ОПОП.

Дисциплина является обязательной

Изучаемая дисциплина является основой для продолжения формирования указанных компетенций в следующих дисциплинах: Химия (УК-1), Начертательная геометрия и инженерная графика (УК-1), Химия (ОПК-1), Физика (ОПК-1), Физика (УК-1); государственной итоговой аттестации в форме: Выполнение и защита выпускной квалификационной работы (УК-1), Выполнение и защита выпускной квалификационной работы (ОПК-1)

### Раздел 3. ОПИСАНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫХ ТЕХНОЛОГИЙ

Для формирования заявленных компетенций используются методологические технологии, реализующие деятельностный, личностно-ориентированный, практико-ориентированный подходы.

Основными стратегическими технологиями являются: лекционные занятия, практические занятия

На достижение конкретных целей обучения направлены применяемые тактические технологии: задания, классическая лекция

### Раздел 4. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 1 семестр

Виды и темы занятий	Количество часов	Формируемые компетенции
<b>Раздел 1. Элементы линейной алгебры</b>	<b>18</b>	УК-1
Лекция. Введение в курс высшей математики. Роль математики в условиях научно-технического прогресса. Матрицы. Виды матриц. Равенство матриц. Действия над матрицами. Определители 2-го и 3-го порядка и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема о разложении определителя по элементам произвольного ряда. Теорема об аннулировании определителя.	1	
Лекция. Обратная матрица. Теорема существования и единственности обратной матрицы. Система линейных уравнений, основные понятия. Матричная запись и матричное решение системы 3-х линейных уравнений с тремя неизвестными. Система $m$ уравнений с $n$ неизвестными. Ранг матрицы. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса. Решение систем линейных уравнений методом Крамера. Системы линейных неравенств.	2	
Практическое занятие. Введение в курс высшей математики. Роль математики в условиях научно-технического прогресса. Матрицы. Виды матриц. Равенство матриц. Действия над матрицами.	2	
Практическое занятие. Определители 2-го и 3-го порядка и их свойства. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема о разложении определителя по элементам произвольного ряда. Теорема об аннулировании определителя.	2	
Практическое занятие. Обратная матрица. Теорема существования и единственности обратной матрицы. Система линейных уравнений, основные понятия. Матричная запись и матричное решение системы 3-х линейных уравнений с тремя неизвестными. Система $m$ уравнений с $n$ неизвестными. Ранг матрицы. Теорема Кронекера-Капелли. Решение систем	2	

линейных уравнений методом Гаусса. Решение систем линейных уравнений методом Крамера. Системы линейных неравенств.		
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	9	
<b>Раздел 2. Векторная алгебра</b>	<b>18</b>	УК-1
Лекция. Скалярные и векторные физические величины. Векторы, основные понятия. Равенство векторов. Линейные операции над векторами, свойства. Орт вектора. Теорема (признак коллинеарности векторов в геометрической форме). Проекция точки на ось. Составляющая вектора. Проекция вектора на ось, свойства проекций. Прямоугольная система координат. Координаты вектора $\vec{a}$ и точки. Разложение вектора на составляющие по осям координат. Длина вектора. Направляющие косинусы вектора. Для векторов, заданных своими координатами: условие равенства, линейные операции, признак коллинеарности векторов. Определение проекций вектора, заданного координатами начальной и конечной точек. Деление отрезка в данном отношении.	1	
Лекция. Скалярное произведение векторов и его свойства. Выражение скалярного произведения через координаты сомножителей. Некоторые приложения скалярного произведения. Правая и левая тройка векторов. Векторное произведение векторов и его свойства. Выражение векторного произведения в координатной форме. Механический смысл и некоторые приложения векторного произведения (вычисление площади треугольника и параллелограмма, момент силы, угловая скорость). Смешанное произведение векторов, его геометрический смысл и свойства. Запись смешанного произведения в координатной форме. Некоторые приложения смешанного произведения (вычисление объема параллелепипеда, треугольной пирамиды).	2	
Практическое занятие. Линейные операции над векторами, их свойства. Декартова система координат на плоскости и в пространстве. Составляющая вектора, проекция вектора на ось, свойства проекций. Орт вектора. Разложение вектора по ортам. Координаты вектора. Линейные операции над векторами в координатной форме.	2	
Практическое занятие. Скалярное произведение векторов и его свойства. Геометрические приложения.	2	
Практическое занятие. Векторное произведение векторов и его свойства. Смешанное произведение векторов и его свойства. Геометрические приложения.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	9	УК-1
<b>Раздел 3. Аналитическая геометрия</b>	<b>21</b>	
Лекция. Две основные задачи аналитической геометрии. Уравнение прямой на плоскости. Анализ общего уравнения прямой на плоскости. Взаимное расположение прямых на плоскости. Уравнение плоскости в пространстве. Анализ общего уравнения плоскости, построение плоскости. Взаимное расположение плоскостей.	2	
Лекция. Уравнение прямой в пространстве. Взаимное расположение прямых в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве. Кривые второго порядка на плоскости. Уравнения окружности, эллипса, гиперболы, параболы. Анализ уравнения второй степени. Полярная система координат на плоскости, связь между полярной и декартовой системами координат.	2	
Практическое занятие. Две основные задачи аналитической геометрии. Прямая линия на плоскости.	2	
Практическое занятие. Кривые второго порядка. Полярная система координат.	2	
Практическое занятие. Прямая и плоскость в пространстве. Взаимное расположение прямых в пространстве. Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве.	4	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	9	УК-1
<b>Раздел 4. Введение в математический анализ</b>	<b>18</b>	
Лекция. Постоянные и переменные величины. Понятие функции, способы задания. Бесконечно малые функции и их свойства. Понятие предела функции на бесконечности и в точке. Горизонтальная асимптота. Асимптотическое разложение функции. Основные теоремы о пределах. Сравнение бесконечно малых функций.	1	
Лекция. Бесконечно большая функция. Вертикальная асимптота. Теорема о связи бесконечно малой и бесконечно большой функции. Первый и второй замечательный предел. Односторонние пределы. Непрерывность функции в точке. Классификация точек разрыва. Непрерывность функции на отрезке. Свойства функций непрерывных на отрезке.	2	
Практическое занятие. Функция, область определения, область значений функции. Четность, нечетность, периодичность функции. Понятие предела функции. Раскрытие неопределенностей.	2	
Практическое занятие. Первый и второй замечательные пределы.	2	

Практическое занятие. Непрерывность функции. Точки	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	9	
<b>Раздел 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной</b>	<b>18</b>	УК-1
Лекция. Понятие производной. Условие существования производной. Геометрический и физический смысл производной. Правила дифференцирования. Производная обратной функции. Вывод формул производных основных элементарных функций. Логарифмическое дифференцирование.	1	
Лекция. Производные высших порядков. Дифференциал функции и его смысл. Выражение производных высших порядков через дифференциал. Приложение дифференциала к приближенным вычислениям. Дифференцирование функций заданных неявно и параметрически. Теорема Ферма и ее геометрический смысл. Теорема Роля и ее геометрический смысл. Теорема Коши и следствие из нее. Теорема Лагранжа и ее геометрический смысл. Формула конечных приращений. Правило Лопиталя. Раскрытие неопределенностей.	2	
Практическое занятие. Вычисление производной с помощью правил дифференцирования и таблицы производных. Дифференцирование сложной функции.	2	
Практическое занятие. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших порядков. Дифференцирование функций, заданных неявно и параметрически.	2	
Практическое занятие. Дифференциал и его использование для приближенных вычислений.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	9	
<b>Раздел 6. Приложения дифференциального исчисления функции одной переменной</b>	<b>15</b>	УК-1
Лекция. Возрастание и убывание функции на интервале. Достаточный признак возрастания и убывания функции. Точки экстремума. Необходимый признак существования экстремума. Первый и второй достаточные признаки существования экстремума. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Выпуклость и вогнутость графика функции. Достаточный признак выпуклости или вогнутости графика функции. Точки перегиба. Асимптоты графика функции. Необходимый и достаточный признаки существования асимптот.	2	



Практическое занятие. Приложения дифференциального исчисления. Физический и геометрический смысл производной. Уравнение касательной и нормали. Правило Лопиталя. Монотонность функции. Экстремумы. Наибольшее и наименьшее значение на отрезке. Текстовые задачи на экстремум.	2	
Практическое занятие. Точки перегиба, выпуклость и вогнутость графика функции. Асимптоты графика функции. Производная и ее приложения. Построение графика функции.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	9	
Иная контактная работа: выполнение контрольной работы, зачет	0	

## 2 семестр

Виды и темы занятий	Количество часов	Формируемые компетенции
<b>Раздел 7. Функции нескольких переменных</b>	<b>18</b>	УК-1
Лекция. Область (основные понятия). Функция двух и нескольких переменных. Естественная область определения. Геометрическое изображение функции двух переменных. Поверхности второго порядка, их построение. Предел и непрерывность функции двух переменных. Свойства функций непрерывных в замкнутой ограниченной области. Приращение. Частные производные и дифференциалы. Дифференцируемость функции двух переменных. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости. Частные производные второго порядка. Дифференциал второго порядка.	2	
Лекция. Экстремум функции двух переменных. Необходимое условие существования экстремума и его геометрический смысл. Достаточные условия (без доказательства). Абсолютный экстремум, алгоритм его нахождения. Скалярное поле. Производная по направлению. Градиент.	1	
Практическое занятие. Область определения функции двух переменных. Поверхности второго порядка. Частные производные первого и второго порядков.	2	
Практическое занятие. Уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности. Дифференцирование неявной функции. Дифференциал первого порядка. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям.	2	
Практическое занятие. Экстремумы, наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных. Скалярное поле. Производная по направлению и градиент.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	9	УК-1
<b>Раздел 8. Комплексные числа</b>	<b>9</b>	
Лекция. Комплексные числа. Геометрическая интерпретация комплексного числа. Тригонометрическая и показательная формы комплексного числа. Действия над комплексными числами в алгебраической, тригонометрической и показательной форме. Понятие функции комплексного переменного.	2	
Практическое занятие. Комплексные числа, действия над ними в тригонометрической, алгебраической и показательной форме.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	5	УК-1
<b>Раздел 9. Интегральное исчисление</b>	<b>27</b>	
Лекция. Первообразная функции. Неопределенный интеграл и его свойства. Основные методы интегрирования: непосредственное, замена переменной, интегрирование по частям.	2	
Лекция. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла по фигуре. Определенный интеграл по фигуре и его свойства. Геометрические и физические приложения. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной, интегрирование по частям. Приближенное вычисление определенного интеграла. Несобственные интегралы.	2	
Практическое занятие. Неопределенный интеграл. Непосредственное интегрирование. Подведение под знак дифференциала. Замена переменной и интегрирование по частям в неопределенном интеграле.	2	
Практическое занятие. Интегрирование выражений, содержащих квадратный трехчлен. Интегрирование тригонометрических функций.	2	
Практическое занятие. Интегрирование рациональных дробей и простейших иррациональностей.	2	
Практическое занятие. Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Метод замены переменной, метод интегрирования по частям.	2	
Практическое занятие. Геометрические и физические приложения определенного интеграла (вычисление площадей плоских фигур, объемов тел вращения и длины дуги). Несобственные интегралы.	2	

Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	13	УК-1
<b>Раздел 10. Дифференциальные уравнения</b>	<b>18</b>	
Лекция. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Основные понятия. Теорема и задача Коши. Дифференциальные уравнения I порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, уравнения Бернулли. Дифференциальные уравнения II порядка, основные понятия. Теорема Коши. Начальные и краевые условия. Дифференциальные уравнения II порядка, допускающие понижение порядка. Понятие о дифференциальных уравнениях высших порядков.	2	
Лекция. Линейные дифференциальные уравнения II порядка, основные понятия. Теорема Коши. Линейные однородные дифференциальные уравнения II порядка. Определитель Вронского. Линейная зависимость функций. Теорема о структуре общего решения. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Три случая корней характеристического уравнения. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка, теорема о структуре общего решения. Метод неопределенных коэффициентов решения линейного неоднородного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами. Метод вариации произвольной постоянной. Понятие о системах дифференциальных уравнений. Решение нормальных систем уравнений первого порядка методом исключения неизвестной.	1	
Практическое занятие. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные дифференциальные уравнения. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка.	2	
Практическое занятие. Дифференциальные уравнения второго порядка, допускающие понижение порядка.	2	
Практическое занятие. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Решение систем линейных уравнений.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	9	УК-1
<b>Раздел 11. Числовые и функциональные ряды</b>	<b>16</b>	

Лекция. Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Необходимый признак сходимости. Свойства числовых рядов. Достаточные признаки рядов Даламбера, Коши, интегральный признак. Признаки сравнения. Гармонический, обобщенный гармонический, геометрический ряд. Знакопередающие ряды. Признак Лейбница. Знакопеременные ряды. Абсолютная и условная сходимость. Функциональные ряды. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус и область сходимости степенного	2	
Практическое занятие. Числовые ряды. Основные понятия. Признаки сходимости числовых рядов (Даламбера, Коши, сравнения, интегральный признак).	2	
Практическое занятие. Знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Условная и абсолютная сходимость.	2	
Практическое занятие. Степенные ряды. Область сходимости. Ряды Тейлора и Маклорена.	2	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	8	
<b>Раздел 12. Элементы теории вероятностей</b>	<b>10</b>	УК-1
Лекция. Классификация событий. Классическое, статистическое, геометрическое определение вероятности. Элементы комбинаторики: перестановки, сочетания, размещения. Действия над событиями. Теорема сложения вероятностей. Условная вероятность события. Теорема умножения вероятностей. Независимые события. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторные независимые испытания. Формулы Бернулли, Пуассона. Дискретные случайные величины. Закон распределения и функция распределения. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины. Непрерывные случайные величины. Функция распределения и плотность распределения. Математическое ожидание и дисперсия непрерывной случайной величины.	2	
Практическое занятие. Элементы комбинаторики. Классическое, статистическое и геометрическое определение вероятности. Действия над событиями. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности и формула Байеса. Формула Бернулли. Приближенные формулы. Дискретные и непрерывные случайные величины. Числовые характеристики случайных величин. Основные виды распределений случайных величин.	3	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	5	

<b>Раздел 13. Элементы математической статистики</b>	<b>10</b>	УК-1
Лекция. Предмет и задачи математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. Выборочная средняя и выборочная дисперсия. Статистические оценки параметров распределения. Точечная оценка математического ожидания, дисперсии, среднего квадратического отклонения. Интервальные оценки параметров нормального распределения, вероятности биномиального распределения. Доверительный интервал. Доверительная вероятность.	2	
Практическое занятие. Основные понятия статистики (выборка, полигон, гистограмма, статистическая функция распределения). Точечные оценки параметров распределения. Доверительный интервал. Закон больших чисел. Статистические гипотезы. Критерий Пирсона. Корреляция. Регрессия.	3	
Задания для самостоятельной работы, в том числе выполнение КР, РГР Изучение лекционного материала и подготовка к текущему контролю, изучение дополнительного материала, выполнение домашних заданий и расчетно-графических работ.	5	
Иная контактная работа: выполнение контрольной работы, выполнение реферата	0	
Подготовка к экзамену	30	
Проведение экзамена	6	

## Раздел 5. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Изучение дисциплины Б.1.1.9 "Математика" рекомендуется начать с ознакомления с рабочей программой, ее структурой и содержанием разделов. Учебный материал структурирован, изучение дисциплины осуществляется в тематической последовательности.

Занятия лекционного типа дают систематизированные знания по дисциплине Б.1.1.9 "Математика", концентрируют внимание на наиболее сложных и важных вопросах. Во время лекционных занятий рекомендуется вести конспектирование учебного материала; обращать внимание на формулировки и категории, раскрывающие суть проблемы, явления или процесса; зафиксировать выводы и практические рекомендации.

Подготовка к занятиям семинарского типа включает ознакомление с планом практического (лабораторного) занятия; работу с конспектом лекций, выполнение домашнего задания, работу с учебной и учебно-методической литературой, научными изданиями и электронными образовательными ресурсами, рекомендованными рабочей программой дисциплины Б.1.1.9 "Математика".

Содержание самостоятельной работы определяется рабочей программой дисциплины Б.1.1.9 "Математика", оценочными и методическими материалами, заданиями и указаниями преподавателя. Самостоятельная работа может осуществляться в аудиторной и внеаудиторной формах.

Эффективным средством осуществления самостоятельной работы является электронная информационно-образовательная среда университета, которая обеспечивает доступ к образовательной программе, рабочей программе дисциплины Б.1.1.9 "Математика", к электронным библиотечным системам, профессиональным базам данных и информационным справочным системам.

Изучение дисциплины Б.1.1.9 "Математика" включает выполнение расчетно-графической работы, контрольной работы.

Периодичность проведения: формы текущего контроля успеваемости: система оценивания холд

Раздел 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ И УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Учебно-методическое обеспечение

№№ п/п	Список используемой литературы	Количество экземпляров печатных изданий, имеющих в библиотеке, или электронный адрес издания (ресурса) в сети Интернет
<b>УЧЕБНЫЕ, УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИЕ И НАУЧНЫЕ ИЗДАНИЯ</b>		
1.	Письменный, Дмитрий Трофимович. Конспект лекций по высшей математике [Текст] : [полный курс] / Д. Т. Письменный. 15-е изд. Москва: АЙРИС-ПРЕСС, 2018. - 602, [1] с. ISBN 978-5-8112-6472-8. Экземпляры: всего 9.	9
2.	Сборник задач по высшей математике с контрольными работами [Текст] : пособие / К. Н. Лунгу, Д. Т. Письменный, С. Н. Федин, Ю. А. Шевченко. Ч. 1. 14-е изд, 2022. - 574, [1] с. ISBN 978-5-8112-6174-1. Экземпляры: всего 20.	20
3.	Неопределенные и определенные интегралы [Текст] : метод. указания к выполнению типовых расчетов для студентов специальностей 060800, 061000, 061100, 061500 / [сост. : Ю. А. Фомина, Л. Н. Шарафутдинова]. Йошкар-Ола: МарГТУ, 2006. - 55 с. Экземпляры: всего 65.	65
4.	Функции нескольких переменных [Текст] : сб. заданий для самостоят. работы студентов техн. специальностей / М-во образования и науки РФ, ФГБОУ ВПО "Поволж. гос. технол. ун-т"; [сост.: Ю. А. Ведерникова, Л. Н. Шарафутдинова, П. А. Фищенко]. Йошкар-Ола: ПГТУ, 2012. - 26 с. Экземпляры: всего 112.	112 / <a href="https://portal.volgatech.net/books/Vedernikova_Funkcii_neskolnix_peremennyx.pdf">https://portal.volgatech.net/books/Vedernikova_Funkcii_neskolnix_peremennyx.pdf</a>
5.	Функции нескольких переменных [Текст] : методические указания по самостоятельной работе для студентов технических специальностей / М-во образования и науки РФ, ФГБОУ ВПО "Поволж. гос. технол. ун-т"; [сост. : Ю. А. Ведерникова, Л. Н. Шарафутдинова, П. А. Фищенко]. Йошкар-Ола: ПГТУ, 2012. - 56 с. Экземпляры: всего 84.	84 / <a href="https://portal.volgatech.net/books/Vedernikova_Funkcii_neskolnix_peremennyx_1.pdf">https://portal.volgatech.net/books/Vedernikova_Funkcii_neskolnix_peremennyx_1.pdf</a>
6.	Математическая статистика [Текст] : сборник заданий для выполнения типового расчета : [для студентов 2-го курса механико-машиностроительного факультета очной и заочной форм обучения по специальностям 110302.65 (МСХ), 140104.65 (ПТЭ), 150405.65 (ММ) и направлениям подготовки бакалавров 140100.62 (ТТ), 151000.62 (ТМО)] / М-во образования и науки РФ, ФГБОУ ВПО "Поволж. гос. технол. ун-т"; [сост.: Н. Н. Михеева, А. А. Чистякова, Л. Н. Шарафутдинова]. Йошкар-Ола: ПГТУ, 2013. - 123 с. ISBN 978-5-8158-1233-8. Экземпляры: всего 198.	198 / <a href="https://portal.volgatech.net/books/Mixeeva_matematicheskaja_statistika_2013.pdf">https://portal.volgatech.net/books/Mixeeva_matematicheskaja_statistika_2013.pdf</a>
7.	Введение в анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной [Текст] : учебно-методическое пособие для организации самостоятельной	201

	работы студентов специальностей и направлений ВПО 110302.65, 140100.62, 140104.65, 150400.62, 150405.65 / М-во образования и науки РФ, ФГБОУ ВПО "Поволж.гос.технол. ун-т"; [сост.: Н. Н. Михеева, Л. Н. Шарафутдинова]. Йошкар-Ола: ПГТУ, 2013. - 110 с. ISBN 978-5-8158-1278-9. Экземпляры: всего 201.	
8.	Натансон, И. П. Краткий курс высшей математики [Электронный ресурс] : учебное пособие / И. П. Натансон. 10-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 736 с. ISBN 978-5-8114-0123-9.	<a href="https://e.lanbook.com/book/210320">https://e.lanbook.com/book/210320</a>
9.	Кузнецов, А. В. Высшая математика. Математическое программирование [Электронный ресурс] / Кузнецов А. В., Сакович В. А., Холод Н. И. 4-е изд., стер. Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 352 с. ISBN 978-5-8114-1056-9.	<a href="https://e.lanbook.com/book/211070">https://e.lanbook.com/book/211070</a>
10.	Туганбаев, А. А. Основы высшей математики [Электронный ресурс] / Туганбаев А. А. Санкт-Петербург: Лань, 2022. - 496 с. ISBN 978-5-8114-1189-4.	<a href="https://e.lanbook.com/book/210698">https://e.lanbook.com/book/210698</a>

## 6.2. Материально-техническая база и программное обеспечение

№№ п/п	Аудитории для проведения учебных занятий, самостоятельной работы и проведения государственной итоговой аттестации	Перечень основного оборудования	Программное обеспечение
1.	241 (I)	Комплект учебной мебели (1)	Microsoft Windows Enterprise, Microsoft Office Standard, Агент Dr.Web, Microsoft Access, Microsoft Visio Professional, Microsoft Project Professional, Microsoft Visual Studio Enterprise, Комплект ПО для решения основных пользовательских задач

## Раздел 7. ФОРМЫ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ/ ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

Критерии оценивания индикаторов достижения компетенций направлены на:

- усвоение теоретического материала (объем знаний, глубина усвоения), предусмотренного рабочей программой;
- умение излагать материал (четкость, грамотность изложения материала, точность и полнота воспроизведения учебного материала);
- умение применять теоретические знания при решении практических заданий.

Шкала оценивания представлена ниже.

Уровень сформированности элементов компетенции	Критерии оценивания	Шкала оценивания
Пороговый	Обучающийся имеет знания основного материала,	удовлет-

уровень	проявляет умение логично его излагать, но может допускать неточности в изложении материала, недостаточно правильные формулировки, испытывает затруднения в выполнении практических заданий.	ворительно
Продвинутый уровень	Обучающийся твердо знает программный материал, излагает его грамотно и по существу, не допускает существенных неточностей в ответе на вопрос, правильно применяет теоретические положения при решении практических вопросов и задач, владеет необходимыми навыками и приемами их выполнения	хорошо
Высокий уровень	Обучающийся глубоко и прочно усвоил программный материал, грамотно и логически стройно его излагает, дает исчерпывающие ответы на поставленные вопросы. В ответе тесно увязывается теория с практикой, при этом обучающийся не затрудняется с ответом при видоизменении задания, свободно справляется с задачами, вопросами и другими видами применения знаний, показывает знакомство с монографической литературой, периодическими изданиями, правильно обосновывает принятые решения, свободно владеет разносторонними навыками, приемами выполнения практических работ	отлично

#### 7.1. Текущий контроль успеваемости

Текущий контроль успеваемости обеспечивает оценивание хода освоения дисциплины (модуля) и производится с применением технологии рейтингового контроля в соответствии с технологической картой дисциплины. Порядок составления технологической карты и алгоритм проведения процедуры оценивания видов деятельности обучающихся, направленных на освоение знаний, умений, навыков и/или опыта деятельности, по накопительной системе в баллах устанавливается положением о системе РИТМ в ФГБОУ ВО «ПГТУ»

#### 7.2. Промежуточная аттестация обучающихся

Промежуточная аттестация обучающихся направлена на оценивание результатов обучения по дисциплине (модулю) и проводится с использованием фондов оценочных средств.

Примеры типовых контрольных заданий из базы фонда оценочных средств по образовательной программе.

#### 1 семестр

#### Контрольная работа №1. Линейная алгебра.

1. Вычислить .

2. Вычислить определитель /span>:

а) разложением по первому столбцу;

б) упрощением.

3. Решить систему линейных уравнений /span>

а) методом Крамера;



- б) матричным методом;
- в) методом Гаусса.

### Контрольная работа №2. Векторная алгебра и аналитическая геометрия.

1. Найдите  $\vec{AB}$ , если  $\vec{OA} = (1; 2; 3)$ ,  $\vec{OB} = (2; 1; 4)$ .
2. Упростите выражение  $\vec{a} + \vec{b} - \vec{c} + \vec{d}$ .
3. При каком значении  $k$  векторы  $\vec{a} = (1; 2; 3)$  и  $\vec{b} = (2; 1; 4)$  перпендикулярны, если  $\vec{c} = (k; 1; 2)$ ,  $\vec{d} = (3; 2; 1)$ ?
4. При каком значении  $k$  векторы  $\vec{a} = (1; 2; 3)$  и  $\vec{b} = (2; 1; 4)$  компланарны?
5. В точках пересечения прямой  $\vec{r} = (1; 2; 3)$  с осями координат восстановлены перпендикуляры к этой прямой. Найдите их уравнения.
6. Приведите к каноническому виду уравнение  $\vec{r} = (1; 2; 3)$ , определите тип линии и постройте график.
7. При каких значениях  $p$  и  $B$  прямая  $\vec{r} = (1; 2; 3)$  и плоскость  $\vec{B} = (p; 1; 2)$  перпендикулярны? Найдите точку пересечения прямой и плоскости.

### Контрольная работа №3 Введение в математический анализ.

1. Не используя правило Лопиталя, вычислить пределы функций:

а)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$  б)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - 1}{x^2}$  в)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x}$  г)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{x}$

2. Заданы функция  $f(x) = \sin x$  и два значения аргумента  $x_1 = \frac{\pi}{4}$ ,  $x_2 = \frac{3\pi}{4}$ . Требуется: а) установить, является ли данная функция непрерывной или разрывной для каждого из данных значений аргумента; б) сделать схематический чертеж.

$f(x) = \sin x$

3. Исследовать функцию на непрерывность и построить ее график. Найти скачок функции в точках разрыва.

$f(x) = \sin x$

### 2 семестр

### Контрольная работа № 1. Дифференциальное исчисление функции одной переменной.

1. Найдите производную неявной функции  $\sin x + y = 1$
2. Найдите производные сложных функций: а)  $y = \sin(x^2)$  б)  $y = \cos(x^2)$  в)  $y = \tan(x^2)$
3. Найдите производную второго порядка в заданной точке:  $y = \sin x$
4. Найдите дифференциал функции  $y = \sin x$

### Контрольная работа №1 Неопределенный интеграл

1.  $\int \frac{1}{x^2} dx$
2.  $\int \frac{1}{x^3} dx$
3.  $\int \frac{1}{x^4} dx$
4.  $\int \frac{1}{x^5} dx$
5.  $\int \frac{1}{x^6} dx$
6.  $\int \frac{1}{x^7} dx$
7.  $\int \frac{1}{x^8} dx$
8.  $\int \frac{1}{x^9} dx$
9.  $\int \frac{1}{x^{10}} dx$
10.  $\int \frac{1}{x^{11}} dx$

### Контрольная работа № 2. Определенный интеграл по мере фигуры

1. Вычислите  $\int_0^1 x^2 dx$
2. Вычислите  $\int_0^1 x^3 dx$ , где область  $D$ , ограничена линиями  $y = x^2$ ,  $y = x$ ,  $x = 0$ .
3. Вычислите  $\int_0^1 x^4 dx$ , где область  $D$ , ограничена линиями  $y = x^2$ ,  $y = x$ .
4. Используя тройной интеграл, вычислите объем тела, ограниченного поверхностями  $z = x^2 + y^2$ ,  $z = 1$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ .
5. Вычислите  $\int_0^{\pi} \sin x dx$ , где  $L$  – часть циклоиды  $y = x - x^2$ .

### Контрольная работа №3. Дифференциальные уравнения

1. Установите, является ли функция  $y = e^x$  решением дифференциального уравнения  $y' = y$ .
2. Определите тип дифференциального уравнения и найдите его общее решение  $y' = 2x$ .
3. Определите тип дифференциального уравнения и найдите его общее решение  $y' = y^2$ .
4. Определите тип дифференциального уравнения  $y' = x + y$  и найдите его частное решение, удовлетворяющее начальным условиям  $y(0) = 1$ .
5. Определите тип дифференциального уравнения и запишите структуру его общего решения  $y' = y^2 + 1$ .

### Контрольная работа № 4. Ряды

1. Исследуйте на сходимость ряды:  
а)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}$ ; б)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n}$ ;

в)  $\int_0^1 x^2 dx$ ; г)  $\int_0^1 x^3 dx$ .

2. Исследуйте на условную и абсолютную сходимость ряд  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^2}$ .

3. Найдите область сходимости степенного ряда:

$\sum_{n=0}^{\infty} x^n$ .

4. Разложите в ряд Фурье периодическую функцию  $f(x)$ , заданную графически (см. рис.)

$f(x) = \begin{cases} x, & 0 \leq x < \pi \\ 0, & \pi \leq x < 2\pi \end{cases}$

2. Разложите в ряд по косинусам функцию  $f(x)$ , заданную на интервале  $[0, \pi]$ . Постройте графики функции  $f(x)$  и ее периодического продолжения.

## Семестровый контроль

### Тест

### Вариант №0

1. Вектором называется (Выберите верное высказывание)...

2. Найдите координаты вектора если

3. При каком значении  $\alpha$  векторы  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$  перпендикулярны.

4. Скалярное произведение векторов  $\vec{a} = (-2; -1; 1)$  и  $\vec{b} = (1; 2; 3)$  равно...

5. Даны матрицы  $A$  и  $B$ . Вычислите  $C = A - 3B$ .

6. Найдите произведение матриц  $A$  и  $B$ .

7. Определителем  $n$ -го порядка называется (Выберите верное высказывание)...

- 1) число равное сумме попарных произведений элементов первой строки определителя на их алгебраические дополнения
- 2) число равное произведению элементов главной диагонали определителя
- 3) прямоугольная таблица чисел, содержащая  $n$  строк и  $n$  столбцов
- 4) число равное сумме произведений элементов какого-либо ряда определителя на алгебраические дополнения соответствующих элементов параллельного ряда

8. Определитель равен...

9. Решением системы линейных уравнений является...

В ответе укажите сумму

10. Если определитель системы линейных неоднородных уравнений с неизвестными отличен от нуля (, то система (Выберите верное высказывание)...

- 1) имеет единственное решение
- 2) имеет либо множество решений, либо не имеет ни одного решения
- 3) имеет множество решений
- 4) не имеет ни одного решения

11. Дано уравнение прямой в общем виде Тогда угловой коэффициент прямой, перпендикулярной данной прямой, равен ...

12. Уравнение гиперболы, изображённой на рисунке,

/span>

имеет вид...

13. Плоскость, проходящая через три точки  $(0;0;2), (0;2;2), (-1;0;2)$ , является...

1) плоскостью  $x=-1$  2) плоскостью  $x=0$

3) плоскостью  $y=2$  4) плоскостью  $z=2$

14. Острый угол между прямыми:  $\vec{a} = (1; 2; 3)$  и  $\vec{b} = (2; 1; 3)$  равен....

15. Найдите область определения функции

16. Если для любого положительного числа  $\varepsilon$  существует (найдется) такое положительное число  $\delta$  что для всех удовлетворяющих условию выполняется неравенство: то (Выберите верное высказывание)...

1) функция  $f(x)$  называется бесконечно малой (б.м.ф.) при  $x \rightarrow 0$  (или на бесконечности)

2) функция  $f(x)$  называется бесконечно малой (б.м.ф.) при  $x \rightarrow 0$  (или в окрестности точки  $x_0$ )

3) функция  $f(x)$  называется бесконечно большой (б.б.ф.) при  $x \rightarrow 0$  (или на бесконечности)

4) функция  $f(x)$  называется бесконечно большой (б.б.ф.) при  $x \rightarrow 0$  (или в окрестности точки  $x_0$ )

17. Если функция  $f(x)$  такова, что односторонние пределы функции в точке существуют, конечны, но они не равны между собой, то точка  $x_0$  называется (Выберите верное высказывание)...

1) точкой устранимого разрыва функции /span>

2) точкой разрыва второго рода (точкой бесконечного разрыва) функции /span>

3) точкой непрерывности функции /span>

4) точкой разрыва первого рода (точкой скачка) функции  $y = \begin{cases} x^2 + 1, & x \neq 0 \\ 2, & x = 0 \end{cases}$

18. Найдите предел функции:  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$ .

19. Предел  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x}$  равен...

20. Укажите точки разрыва функции.

$y = \begin{cases} x^2 + 1, & x \neq 0 \\ 2, & x = 0 \end{cases}$

21. Приращение функции в точке, вызванное приращением аргумента, (геометрически) равно (Выберите верное высказывание)...

1) приращению ординаты касательной к графику функции в этой точке, когда аргумент функции в этой точке получит некоторое приращение

2) приращению ординаты графика функции в этой точке, когда аргумент функции в этой точке получит некоторое приращение

3) угловому коэффициенту касательной к графику функции в этой точке

4) угловому коэффициенту нормали к графику функции в этой точке

22. Производная функции  $y = \sin x$  имеет вид...

23. Найдите  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x}$ .

24. Найти дифференциал функции  $y = \sin x$

25. Найдите угловой коэффициент касательной, проведенной к графику функции  $y = \sin x$  в точке  $x = \frac{\pi}{2}$

26. Вертикальная асимптота графика функции  $y = \tan x$  имеет вид:

27. Функция  $y = \sin x$  определена на промежутке  $[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}]$ . На рисунке изображен график ее производной.

/span>

Тогда функция убывает на промежутке...

28. Даны множества тогда пересечением этих множеств является...

29. Мера множества, изображенного на рисунке, равна...

/p>

30. Укажите вид графика функции, для которой на всём отрезке  $[a, b]$  одновременно выполняются три условия:  $y > 0$ ,  $y' < 0$ ,  $y'' < 0$ .

/p>

## Перечень вопросов для проведения промежуточной аттестации

### 1 семестр

#### Вопросы для зачета

1. Что такое определитель? При каких преобразованиях величина определителя не меняется?
2. В каких случаях определитель равен нулю? Что следует из равенства определителя нулю?
3. Дайте определение минора и алгебраического дополнения элемента определителя. Сформулируйте правило вычисления определителя.
4. Как осуществляются линейные операции над матрицами?
5. Как перемножаются две матрицы? Свойства произведения матриц.
6. Какова схема нахождения обратной матрицы?
7. Дайте определения решения системы линейных алгебраических уравнений.
8. Расшифруйте понятия «совместная», «несовместная», «определённая», «неопределённая» системы.
9. Напишите формулы Крамера. В каком случае они применимы?
10. Что называется рангом матрицы? Как он находится?
11. Сформулируйте теорему Кронекера – Капелли.
12. При каких условиях система линейных алгебраических уравнений имеет множество решений? Когда она имеет единственное решение?
13. Опишите метод Гаусса решения систем линейных уравнений.
14. Какие неизвестные называются свободными, а какие базисными?
15. Какие особенности решения однородных систем линейных алгебраических уравнений Вы знаете?

16. Как строится фундаментальная система решений?
17. Как выполняются линейные операции над векторами? Каковы свойства этих операций?
18. Какие вектора называются линейно зависимыми, а какие линейно независимыми?
19. Что такое базис? Какие вектора образуют базис на плоскости и в пространстве?
20. Какой базис называют декартовым?
21. Что такое координаты вектора?
22. Что называется скалярным произведением векторов? Каковы его свойства?
23. Что называется векторным произведением векторов? Каковы его свойства?
24. Что называется смешанным произведением векторов? Каковы его свойства?
25. Запишите в векторной и координатной формах условия коллинеарности, ортогональности и компланарности векторов.
26. Прямая линия на плоскости, её общее уравнение.
27. Дайте понятие нормального и направляющего векторов прямой на плоскости, углового коэффициента.
28. Запишите различные виды прямой и укажите геометрический смысл параметров уравнения.
29. Запишите условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости в случае различных видов уравнений прямых.
30. Как найти точку пересечения прямых на плоскости?
31. Как вычисляется расстояние от точки до прямой на плоскости?
32. Дайте определение эллипса и запишите его каноническое уравнение.
33. Дайте определение гиперболы и запишите её каноническое уравнение.
34. Дайте определение параболы и запишите её каноническое уравнение.
35. Изложите схему приведения общего уравнения кривой второго порядка к каноническому виду.
36. Дайте понятие полярной системы координат.
37. Опишите параметрический способ построения линий на плоскости.
38. Плоскость, её общее уравнение.
39. Как определяется взаимное расположение плоскостей? Запишите условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.
40. Как вычисляется расстояние от точки до плоскости?
41. Запишите различные виды уравнений прямой в пространстве и поясните смысл параметров, входящих в уравнения.
42. Изложите схему приведения общих уравнений прямой к каноническому виду.
43. Как определить взаимное расположение прямых в пространстве?
44. Как вычисляется расстояние от точки до прямой в пространстве?
45. Как определить взаимное расположение прямой и плоскости?
46. Как ищется точка пересечения прямой и плоскости?
47. Назовите поверхности второго порядка и напишите их канонические уравнения.
48. Арифметические операции над вещественными числами и их упорядочение. Непрерывность множества



вещественных чисел.

49. Ограниченные числовые множества, максимумы, минимумы. Символы математической логики, их использование.
50. Числовая последовательность. Определение, способы задания, арифметические действия, ограниченные и неограниченные числовые последовательности.
51. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности: определения и их основные свойства.
52. Сходящиеся последовательности. Предел числовой последовательности.
53. Монотонные последовательности.
54. Функция, способы задания. Область определения. Область значений. Периодичность. График функции и уравнение графика функции.
55. Классификация функций. Четные, нечетные функции.
56. Бесконечно малая функция в точке.
57. Свойства бесконечно малых функций.
58. Предел функции в точке.
59. Свойства пределов функций.
60. Бесконечно большая функция. Связь бесконечно малой и бесконечно большой функций.
61. Первый замечательный предел. Следствия.
62. Второй замечательный предел. Следствия.
63. Раскрытие неопределенностей.
64. Односторонние пределы.
65. Непрерывность функции в точке. Классификация точек разрыва.
66. Определение производной. Геометрический смысл производной. Физический смысл производной.
67. Основные правила вычисления производных и дифференциалов.
68. Правило дифференцирования сложной функции.
69. Таблица производных.
70. Производные высших порядков.
71. Механический смысл второй производной.
72. Приложение дифференциала к приближенным вычислениям.
73. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей.
74. Достаточные признаки (условия) монотонности дифференцируемой функции.
75. Точки экстремума и экстремум функции. Необходимое условие экстремума дифференцируемой функции.
76. Достаточное условие экстремума дифференцируемой функции.
77. Выпуклость и вогнутость графика функции. Точки перегиба.
78. Асимптоты графика функции: вертикальные, горизонтальные, наклонные.
79. Общая схема исследования функции. Построение графиков функций.

## **2 семестр**

## Вопросы для экзамена

1. Что называется функцией двух и более переменных. Укажите способы их задания.
2. Область определения функции двух и трех переменных. Как она изображается геометрически?
3. График функции двух переменных.
4. Предел функции двух переменных в точке.
5. Непрерывность функции двух переменных. Точки и линии разрыва функции двух переменных.
6. Что называется частным и полным приращением функции?
7. Дайте определение частных производных. Как вычисляются частные производные?
8. Каков геометрический смысл частных производных.
9. Дифференцируемые функции. Полный дифференциал функции двух переменных.
10. Его приложения к приближенным вычислениям.
11. Частные производные второго порядка. Равенство смешанных частных производных.
12. Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума функции двух переменных.
13. Понятие комплексного числа. Геометрическая интерпретация комплексного числа.
14. Модуль и аргумент комплексного числа. Комплексно-сопряженные числа.
15. Алгебраическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме. Операция сопряжения.
16. Тригонометрическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в тригонометрической форме.
17. Показательная форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в показательной форме.
18. Возведение комплексного числа в степень.
19. Что называется первообразной данной функции? Теорема о первообразных. Дайте определение неопределенного интеграла. В чем состоит основная задача интегрального исчисления?
20. Каковы основные свойства неопределенного интеграла? Таблица основных интегралов.
21. Опишите метод замены переменной в неопределенном интеграле.
22. Метод интегрирования по частям. Назовите классы функций, интегрируемых по частям.
23. Разложение многочлена на линейные и квадратные множители с действительными коэффициентами.
24. Определение кратности корня многочлена.
25. Разложение рациональной дроби на целую часть и элементарные дроби.
26. Какие дроби называются простейшими? Интегрирование простейших рациональных дробей.
27. Как разложить правильную рациональную дробь на простейшие?
28. Интегрирование дробно-рациональных функций.
29. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла (задача о массе фигуры, задача о площади криволинейной трапеции).
30. Понятие интегральной суммы. Алгоритм ее составления. Определение определенного интеграла по отрезку. Условие его существования.

31. Геометрический смысл определенного интеграла по отрезку.
32. Физический смысл определенного интеграла.
33. Свойства определенного интеграла. Теорема о среднем.
34. Определенный интеграл и его вычисление. Формула Ньютона-Лейбница.
35. Замена переменной в определенном интеграле по отрезку.
36. Интегрирование по частям в определенном интеграле по отрезку.
37. Геометрические приложения определенного интеграла: вычисление площадей плоских фигур, длины дуги, объема тела по известным поперечным сечениям, вычисление объема тела вращения.
38. Физические и механические приложения определенного интеграла. Вычисление масс, координат центров тяжести, масс плоских областей.
39. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования (1-го рода).
40. Несобственные интегралы от неограниченных функций (2-го рода).
41. Что называется дифференциальным уравнением? Сформулируйте определения порядка дифференциального уравнения, решения уравнения.
42. Изложите методы решения дифференциального уравнения первого порядка: а) с разделяющимися переменными, б) однородных дифференциальных уравнений, в) линейных дифференциальных уравнений.
43. Дайте определения общего и частного решений дифференциального уравнения.
44. В чем состоит задача Коши? Сформулируйте задачу Коши геометрически.
45. Сформулируйте теорему Коши.
46. Дайте геометрическую интерпретацию дифференциального уравнения первого порядка.
47. Каков общий вид дифференциального уравнения второго порядка и его общего решения?
48. Сформулируйте задачу Коши и теорему Коши для уравнений второго порядка.
49. Изложите методы решений уравнений второго порядка, допускающих понижение порядка (три случая).
50. Каков общий вид однородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами? Сформулируйте теорему о структуре общего решения такого уравнения.
51. Сколько и каких корней имеет характеристическое уравнение?
52. Какой вид имеет общее решение линейного однородного дифференциального уравнения для каждого из трех случаев корней характеристического уравнения?
53. Каков общий вид линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами? Сформулируйте теорему о структуре общего решения такого уравнения.
54. Решение линейных неоднородных дифференциальных уравнений II порядка с постоянными коэффициентами со специальной правой частью.
55. Решение систем линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.
56. Числовые последовательности. Числовой ряд. Основные понятия (сходимость, сумма и др.).
57. Ряд геометрической прогрессии. Сумма ряда геометрической прогрессии.
58. Остаток ряда. Основные свойства сходящихся рядов. Необходимый признак сходимости. Следствие, достаточный признак расходимости числовых рядов.
59. Ряды с положительными членами. Достаточные признаки сходимости знакоположительных рядов

(перечислить все признаки).

60. Исследование на сходимость рядов с положительными членами. Признаки сравнения. Эталонные числовые ряды. Гармонический ряд. Обобщенный гармонический ряд.
61. Исследование на сходимость рядов с положительными членами. Признак Даламбера.
62. Исследование на сходимость рядов с положительными членами. Радикальный и интегральный признаки Коши. Сходимость обобщенного гармонического ряда.
63. Знакопеременные ряды. Достаточный признак сходимости знакопеременных рядов. Абсолютная и условная сходимость знакопеременных рядов.
64. Знакопеременяющиеся ряды. Признак Лейбница. Остаток знакопеременяющегося ряда и его оценка.
65. Степенные ряды. Теорема Абеля. Структура области сходимости степенного ряда. Интервал и радиус сходимости степенного ряда. Структура области сходимости обобщенного степенного ряда.
66. Нахождение области сходимости степенного ряда.
67. Разложение функций в степенные ряды. Ряды Тейлора и Маклорена. Условия разложимости функции в ряд Тейлора.
68. Разложение в ряд Маклорена некоторых элементарных функций.
69. Предмет теории вероятностей. Виды случайных событий.
70. Определения и свойства вероятностей.
71. Сложение вероятностей.
72. Умножение вероятностей.
73. Полная вероятность и формулы Байеса.
74. Биномиальный закон распределения вероятностей.
75. Простейший поток событий. Формулы Пуассона.
76. Теорема Бернулли. Предел по вероятности.
77. Математическая статистика. Генеральная совокупность, выборка. Статистическое распределение выборки
78. Эмпирическая функция распределения, её свойства
79. Полигон частот и гистограмма
80. Точечные оценки параметров распределения. Несмещенность, состоятельность, эффективность
81. Генеральная и выборочная средняя, её свойства.
82. Генеральная и выборочная дисперсии
83. Интервальные оценки параметров распределения. Надежность интервальной оценки. Доверительный интервал для математического ожидания нормального распределения.